

Små tal sett
frå statistikaren
sitt perspektiv

Karl Ove Hufthammer

Korfor samlar me data?

To grunnar til å samla data

Seia noko om **fortida** (sånn **var** det)

Seia noko om **framtida** (sånn **vert** det)

Om fortida



Bokholderi

Om framtida



Kan ta
styring!

Illustrasjonsfoto: Colourbox

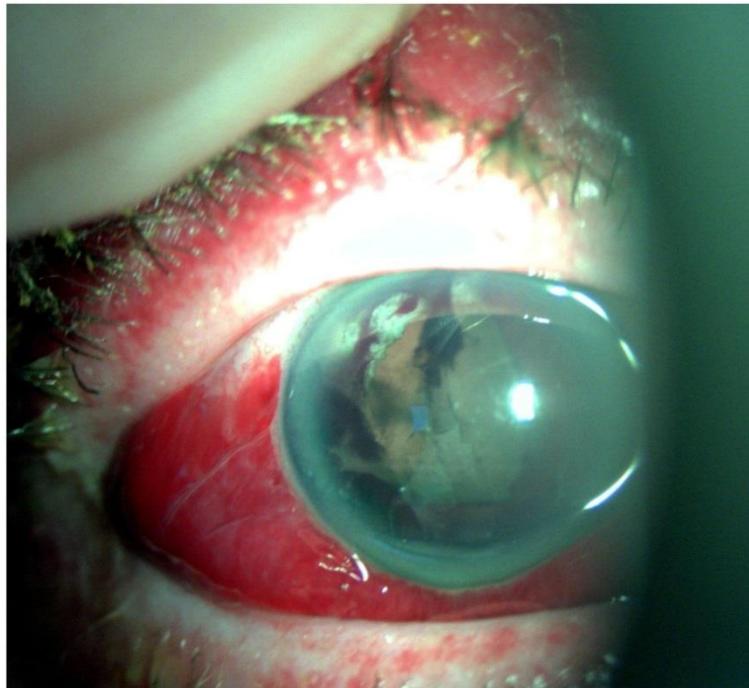
Eksempelstudie

Medisin A: 1-års overleving på **20 %**

Medisin B: 1-års overleving på **80 %**

Små tal – eksempel

Augeskadar ved fyrverkeri



Denne personen fikk øyeskade av effektbatteri. Foto: Nils Bull

<https://www.vg.no/nyheter/innenriks/i/02xz2/tolv-personer-fikk-oeyeskader-nyttaarsaften-fire-alvorlige>

Eit lite tal

Nyttårsaftanen 2017–2018:
9 augeskadar

Seier dette noko om korleis
det vil gå til neste år?

Historiske data

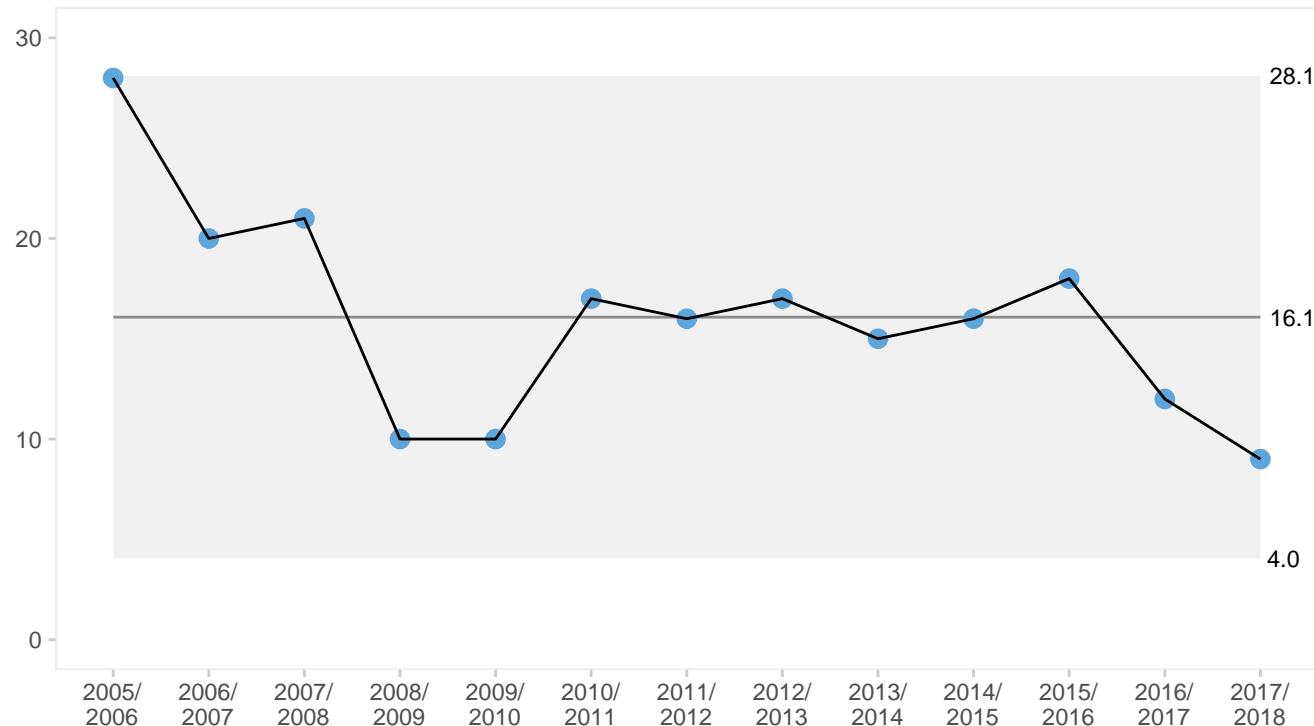
Øyeskader på nyttårsaften

- 2017/18: 9 skader- 3 alvorlige og 6 moderat alvorlige
- 2016/17: 12 skader- 4 alvorlige og 8 moderat alvorlige
- 2015/16: 18 skader –6 alvorlige og 12 moderat alvorlige
- 2014/15: 16 skader – 4 alvorlige og 12 moderat alvorlige
- 2013/14: 15 skader - 7 alvorlige og 8 moderat alvorlige
- 2012/13: 17 skader - 5 alvorlige og 12 moderat alvorlige
- 2011/12: 16 skader - 4 alvorlige og 12 moderat alvorlige
- 2010/11: 17 skader - 6 alvorlige og 11 moderat alvorlige
- 2009/10: 10 skader - 3 alvorlige og 7 moderat alvorlige
- 2008/09: 10 skader - 5 alvorlige og 5 moderat alvorlige
- 2007/08: 21 skader - 6 alvorlige og 15 moderat alvorlige
- 2006/07: 20 skader - 3 alvorlige og 17 moderat alvorlige
- 2005/06: 28 skader – 6 alvorlige og 22 moderat alvorlige

«Dette er andre år på rad med en nedgang i antallet øyeskader.»

Augeskadar over tid

Talet på augeskadar over tid



Beste estimat på nivået

- 2017/18: 9 skader
 - 2016/17: 12 skader
 - 2015/16: 18 skader
 - 2014/15: 16 skader
 - 2013/14: 15 skader
 - 2012/13: 17 skader
 - 2011/12: 16 skader
 - 2010/11: 17 skader
 - 2009/10: 10 skader
 - 2008/09: 10 skader
 - 2007/08: 21 skader
 - 2006/07: 20 skader
 - 2005/06: 28 skader
-

Totalt 209 augeskader på 13 år.

Nivåestimat: $209/13 \approx 16$

Uvisse i estimata

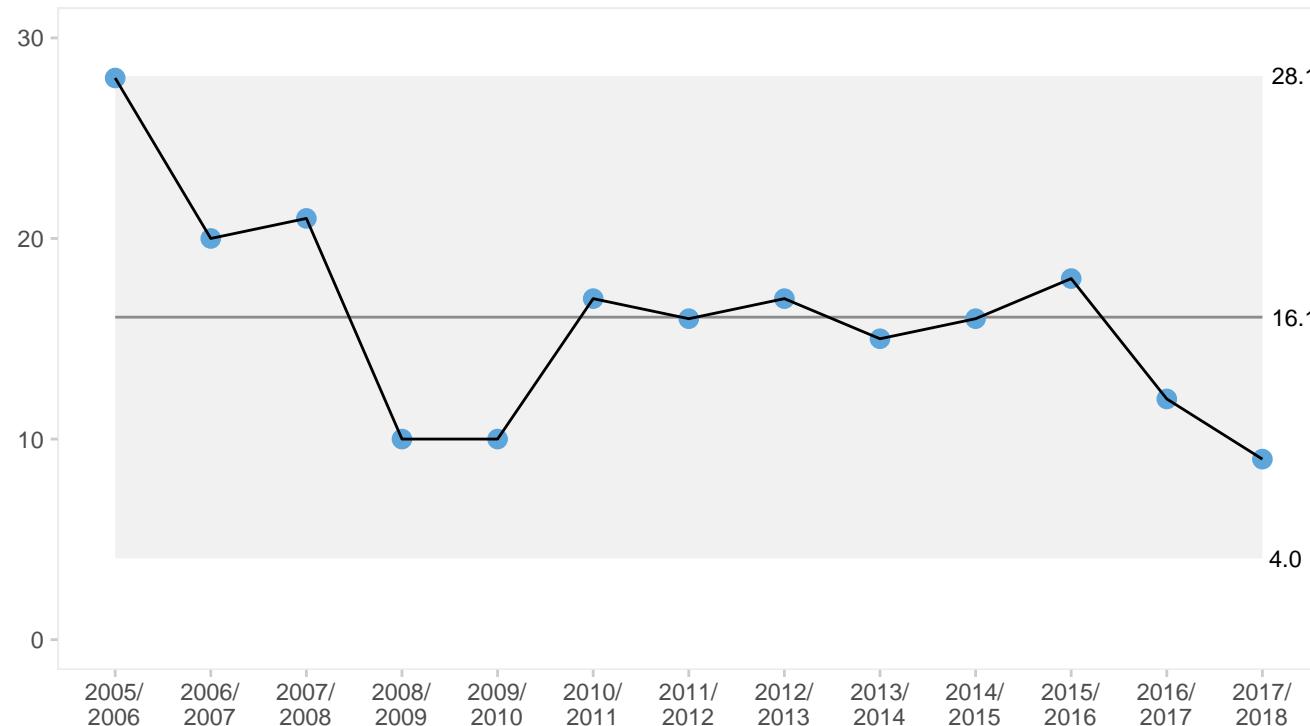
To moglege tilfelle for same estimat (**16**).

1 år med data, observerer 16 augeskadar:
95 %-konfidensintervall: **(9–25)**

13 år med data, observerer 16 augeskadar/år:
95 %-konfidensintervall: **(14–18)**

Estimat på augeskadar neste år

Talet på augeskadar over tid



Fasiten

NYTTÅRSFEIRINGEN:

16 personer fikk øyeskader

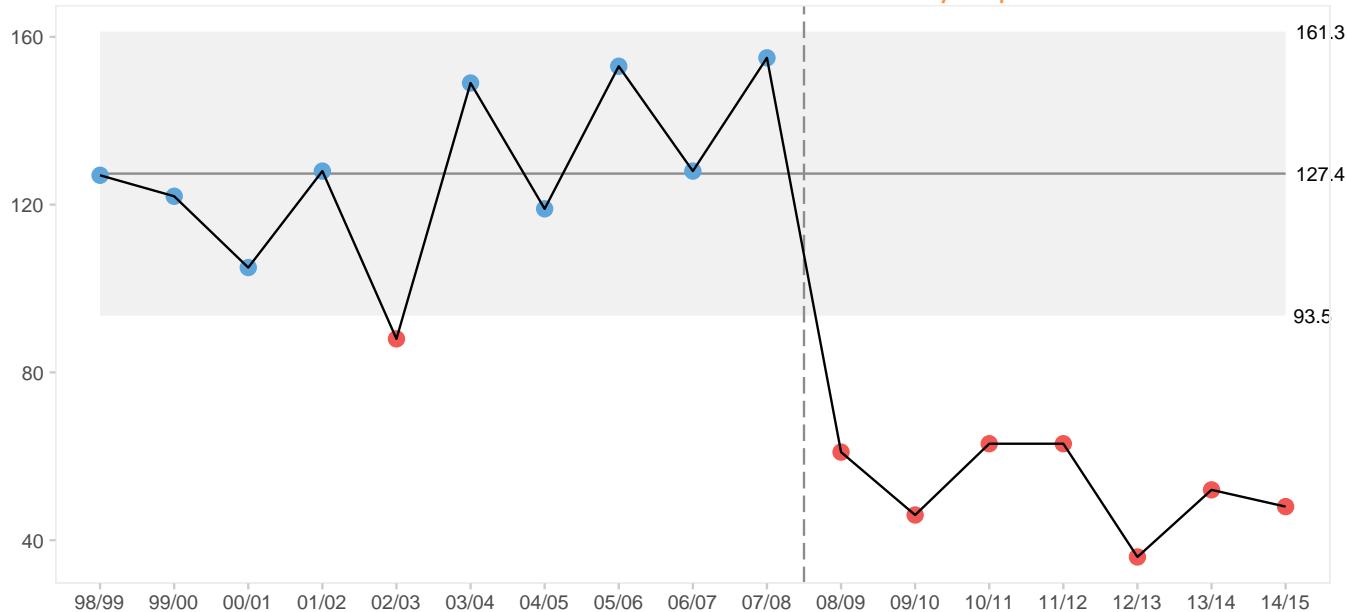


– Ingen av de skadde brukte vernebriller da ulykken skjedde, sier overlege Nils Bull. Foto: TV 2

Det var to år med nedgang og jeg trodde vi var inne på en god trend, men nå er vi tilbake på nivået vi lå på i mange år.

Personskadar fyrverkeri

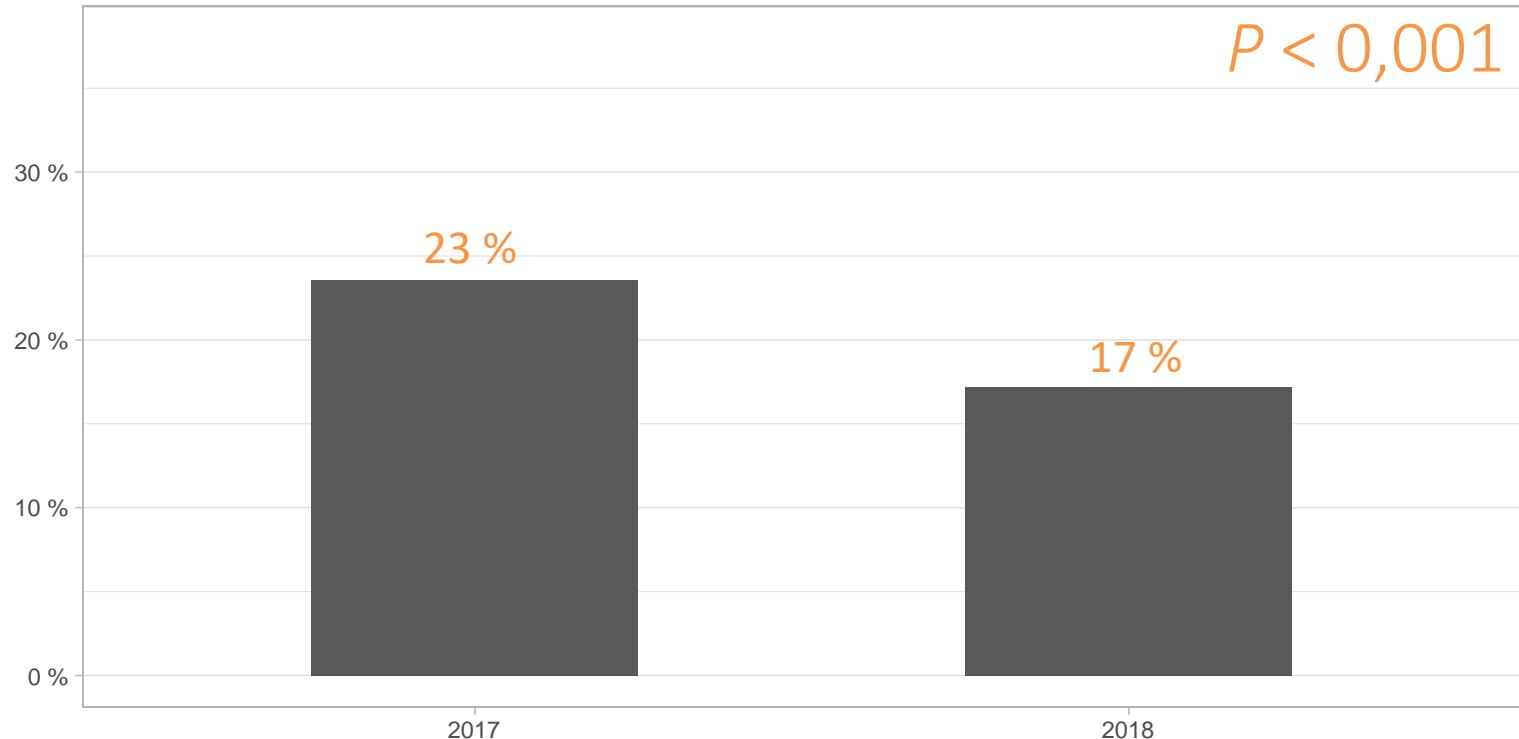
Talet på personskadar over tid



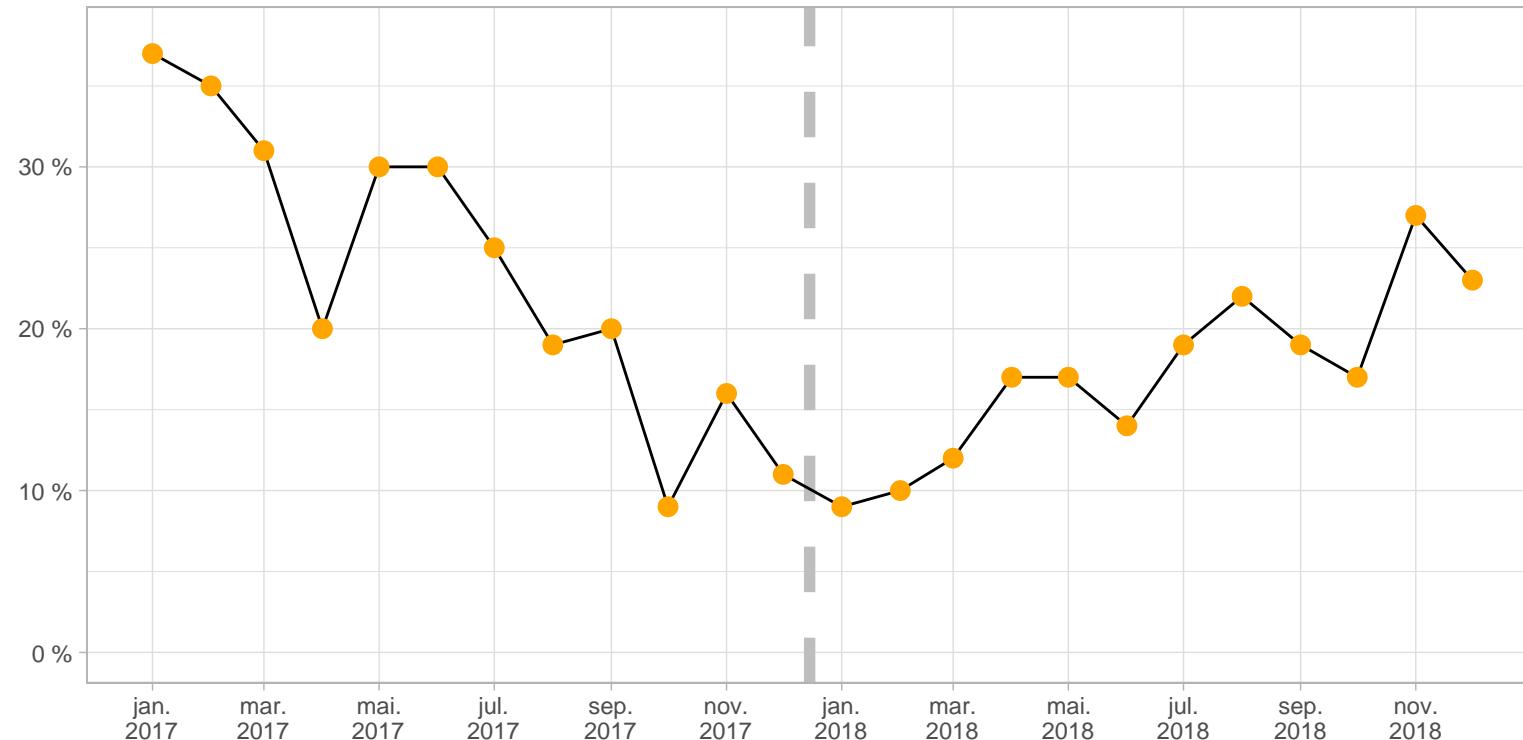
Forbud mot rakettar
med styrepinne

Å måla det som ikkje finst

Nivåforskjell?



Nivåforskjell?



Samhandlingsbarometeret

Mandeloperasjonar



Samhandlingsbarometeret III

Kunnskapsb.

DEFINISJON **STATISTIKK**

Datasett: Mandel operasjonar 0-18 år (I002)

Tal operasjonar pr. 1000 i aldersgruppa NB! Alle rater er rekna om til 1-års rate.

komnrhjem: Blandet År-Tertial: År Helseforetak: HBE-HDS-HFD Måltall: Mandelop

År-Tertial	2009	2010	2011	2012	2013	2014	2015	2016	2017
komnrhjem									
Sogn og Fjordane	7,9	6,7	7,4	7,2	5,6	4,8	5,0	3,3	4,7
Askvoll	4,3	4,4	13,2	14,6	6,0	3,0	12,1	6,1	4,5
Aurland	7,5	7,7	5,3	2,7	-	-	3,0	6,1	3,0
Balestrand	2,9	3,0	-	3,2	6,6	-	-	7,5	3,8
Bremanger	11,8	8,7	10,8	13,2	8,7	5,4	5,6	3,4	5,8
Eid	6,4	3,2	7,8	4,6	5,3	5,3	4,0	2,7	5,9
Fjaler	8,1	-	4,1	11,1	4,1	2,7	6,9	8,4	-
Flora	11,4	6,7	10,9	8,3	8,4	7,5	5,0	2,4	5,0
Førde	12,3	11,3	6,9	9,4	5,8	3,8	5,0	3,9	6,2
Gauldalen	4,2	15,5	5,7	5,6	7,9	5,3	10,5	1,3	6,6
Gloppen	10,4	7,8	6,4	5,8	8,6	5,1	3,6	2,9	5,1
Gulen	7,2	12,7	5,6	-	1,9	1,9	3,9	7,7	1,9
Hornindal	14,3	-	3,0	3,1	3,1	3,3	3,3	-	3,5

Mandeloperasjonar

Datasett: Mandel operasjonar 0-18 år (I002)

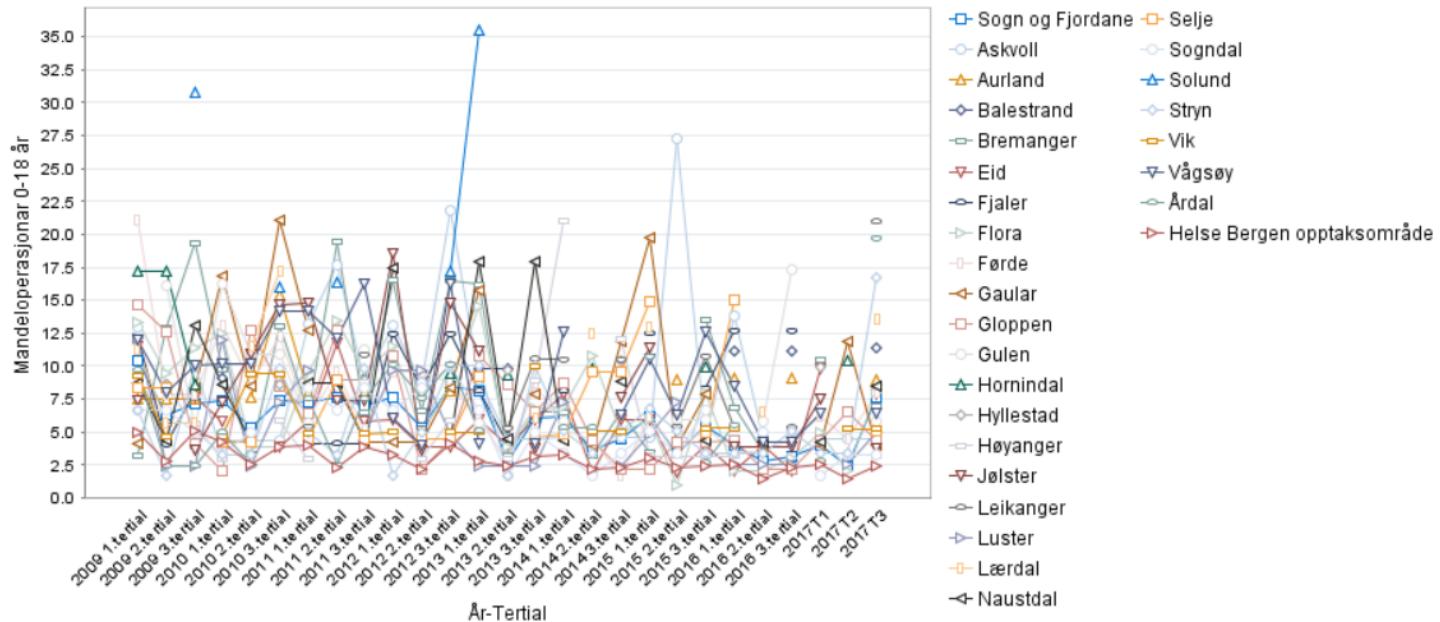
Tal operasjonar pr. 1000 i aldersgruppa NB! Alle rater er rekna om til 1-års rate.

komnrhjem: Blandet

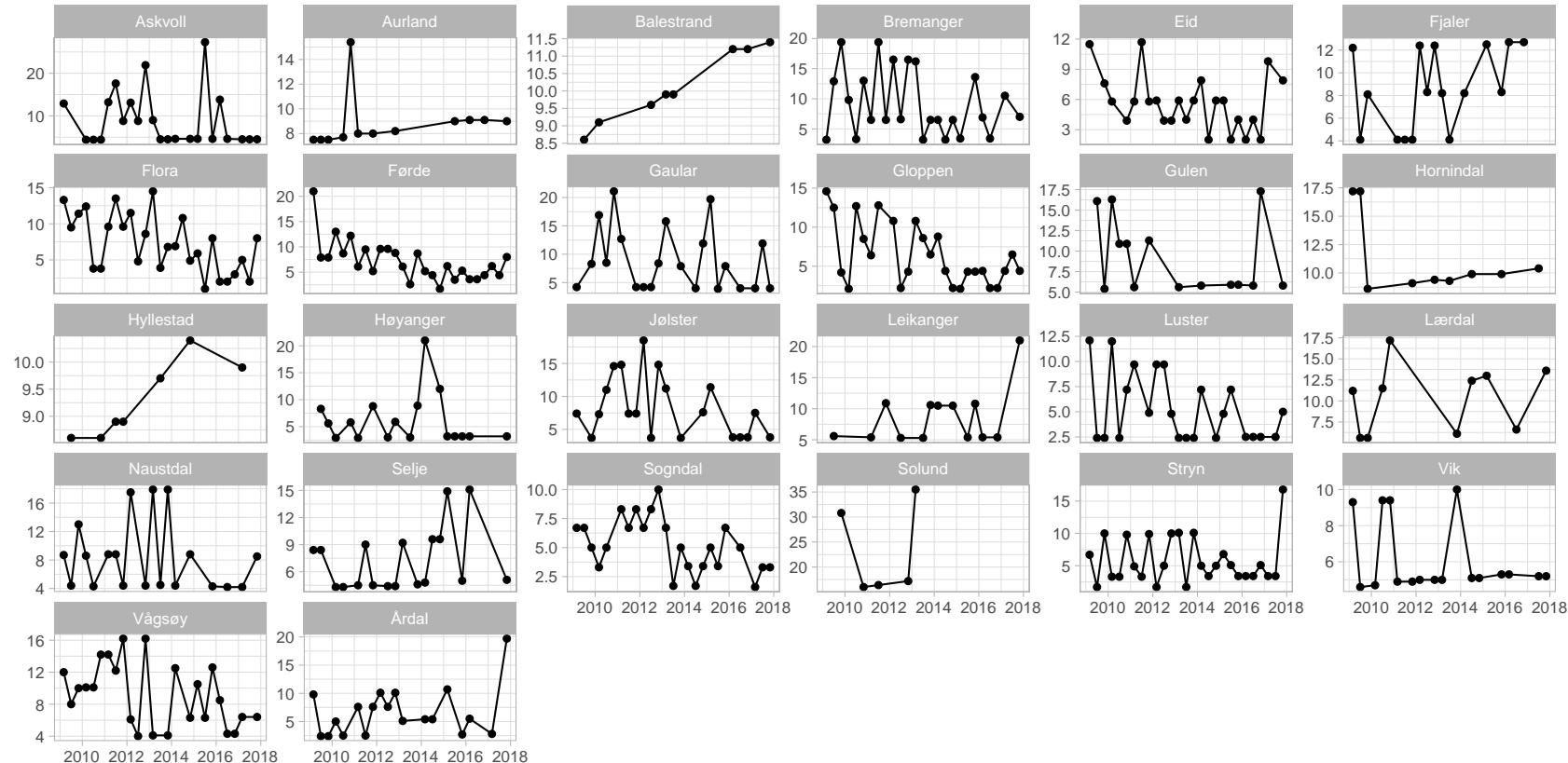
År-Tertial: Tertial

Helseforetak: HBE-HDS-HFD

Måltall: Mandeloperasjonar 0-18 år



Mandeloperasjonar



Pussige Balestrand?

	komune	tid_tekst	rate	operasjonar
	<chr>	<chr>	<dbl>	<dbl>
1	Balestrand	2009 2.tertial	8.6	3.01
2	Balestrand	2010 1.tertial	9.1	2.99
3	Balestrand	2012 2.tertial	9.6	3.00
4	Balestrand	2013 1.tertial	9.9	3.01
5	Balestrand	2013 2.tertial	9.9	3.01
6	Balestrand	2016 1.tertial	11.2	3.00
7	Balestrand	2016 3.tertial	11.2	3.00
8	Balestrand	2017T3	11.4	3.01

Pussige alle?

3	6	9	12	15	18	21	24	27	30	33	36	39	42	45	72
170	111	63	43	25	23	11	4	4	7	4	2	1	3	2	1

Datasett: Mandel operasjonar 0-18 år (I002)

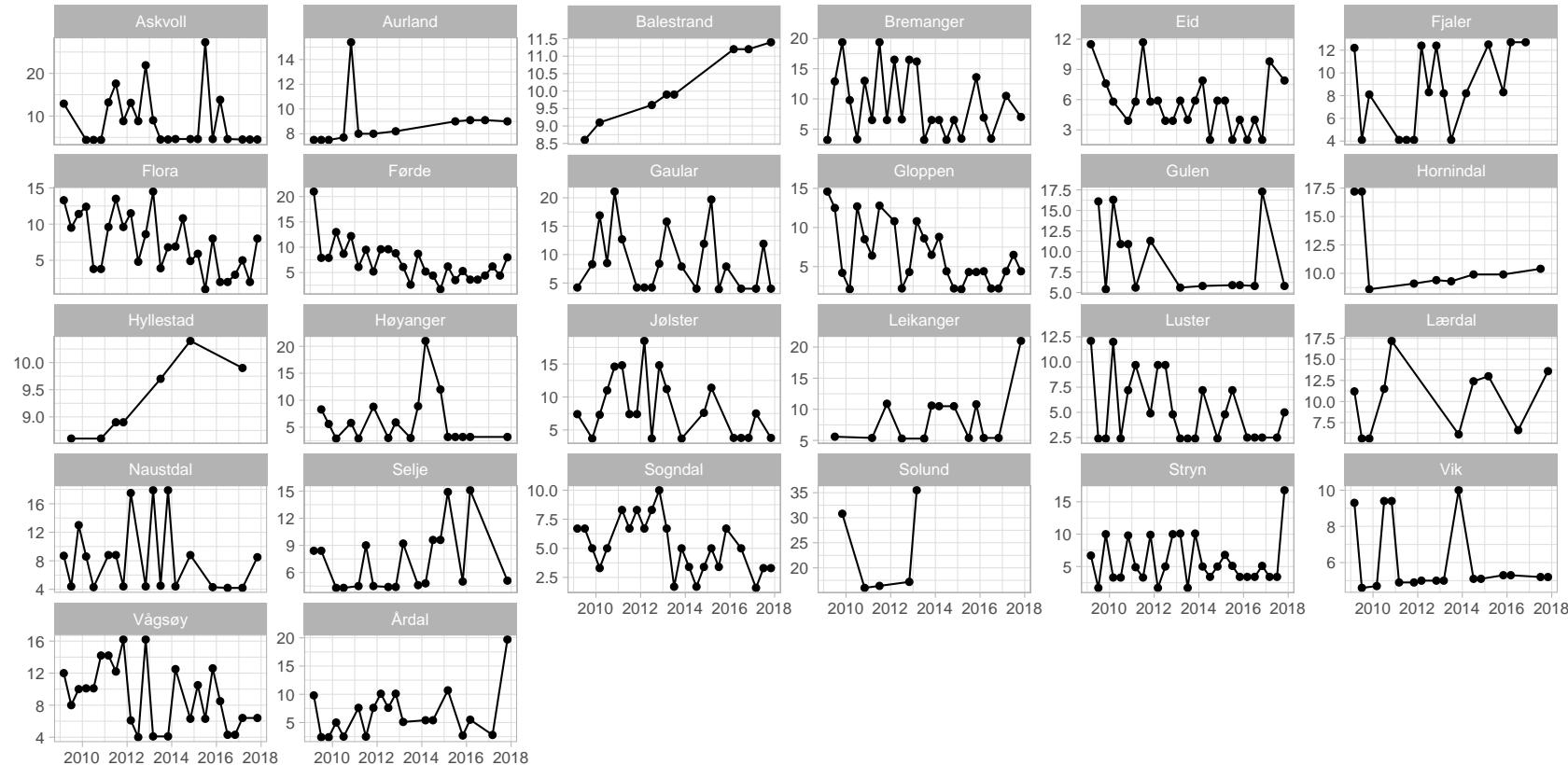
Tal operasjonar pr. 1000 i aldersgruppa

NB! Alle rater er rekna om til 1-års rate.

komnrhjem: Blandet ▾ År-Tertial: År ▾ Helseforetak: HBE-HDS-HFD ▾ Måltall: Mandeloperasjonar 0-18 år ▾

År-Tertial	<u>2009</u>	<u>2010</u>	<u>2011</u>	<u>2012</u>	<u>2013</u>	<u>2014</u>	<u>2015</u>	<u>2016</u>	<u>2017</u>
komnrhjem									
<u>Sogn og Fjordane</u>	7,9	6,7	7,4	7,2	5,6	4,8	5,0	3,3	4,7
Askvoll	4,3	4,4	13,2	14,6	6,0	3,0	12,1	6,1	4,5
Aurland	7,5	7,7	5,3	2,7	-	-	3,0	6,1	3,0
Balestrand	2,9	2,9	-	2,2	6,6	-	-	7,5	3,8

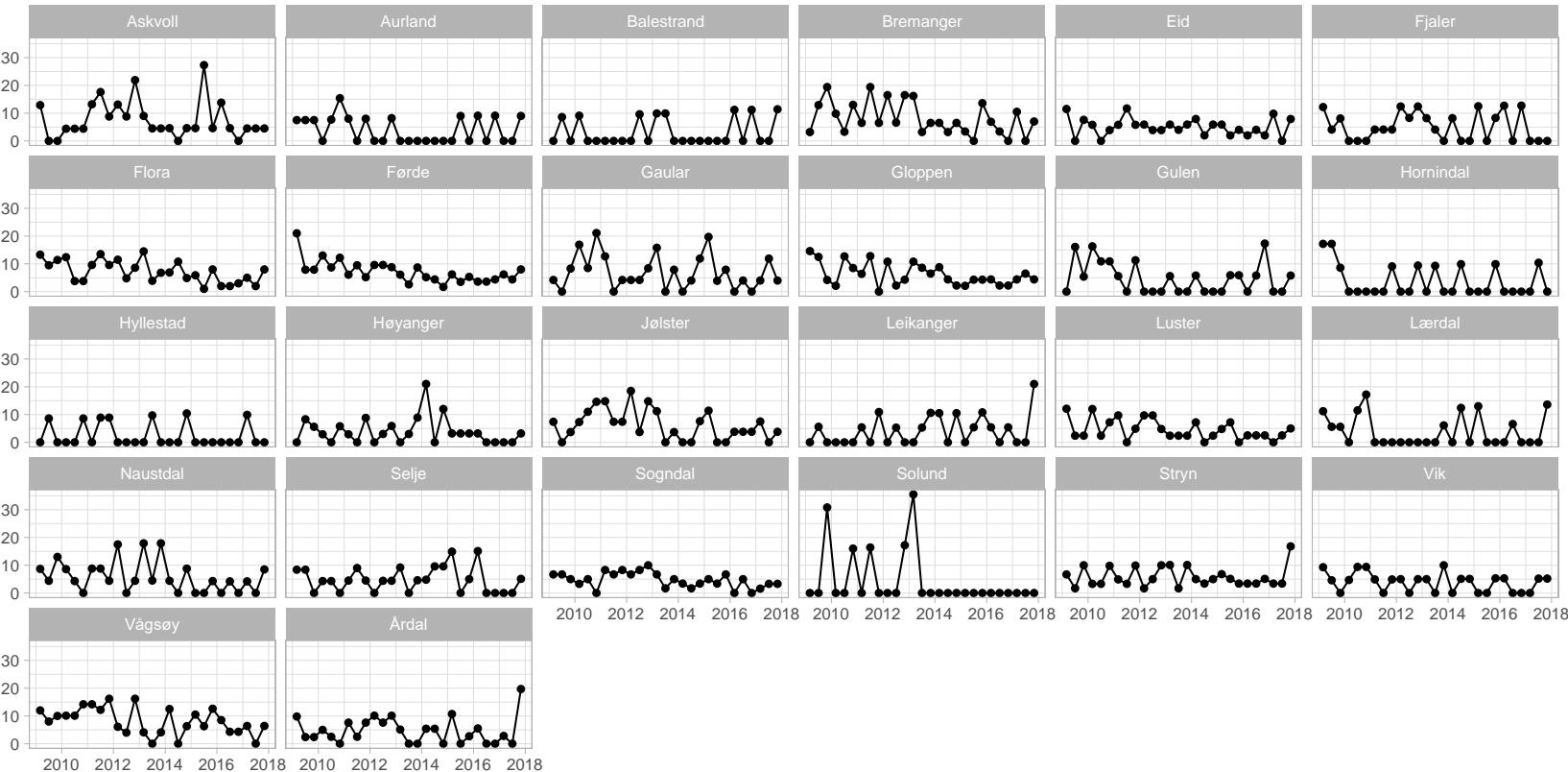
Manglande verdiar



Manglande verdiar eller 0?

År-Tertial	2009 1.tertial	2009 2.tertial	2009 3.tertial	2010 1.tertial	2010 2.tertial	2010 3.tertial	2011 1.tertial	2011 2.tertial	2011 3.tertial	2012 1.tertial	2012 2.tertial	2012 3.tertial
komnrhjem												
<u>Sogn og Fjordane</u>	10,4	6,3	7,1	7,4	5,3	7,4	7,3	7,6	7,1	7,7	5,3	8,5
Askvoll	12,9	-	-	4,4	4,4	4,4	13,2	17,6	8,8	13,1	8,8	21,9
Aurland	7,5	7,5	7,5	-	7,7	15,4	8,0	-	8,0	-	-	8,2
Balestrand ♦	-	8,6	-	9,1	-	-	-	-	-	-	9,6	-
Bremanger	3,2	12,9	19,4	9,8	3,3	13,0	6,5	19,4	6,5	16,5	6,6	16,5
Eid	11,5	-	7,6	5,8	-	3,9	5,8	11,7	5,8	5,9	3,9	3,9
Fjaler	12,2	4,1	8,1	-	-	-	4,1	4,1	4,1	12,4	8,3	12,4

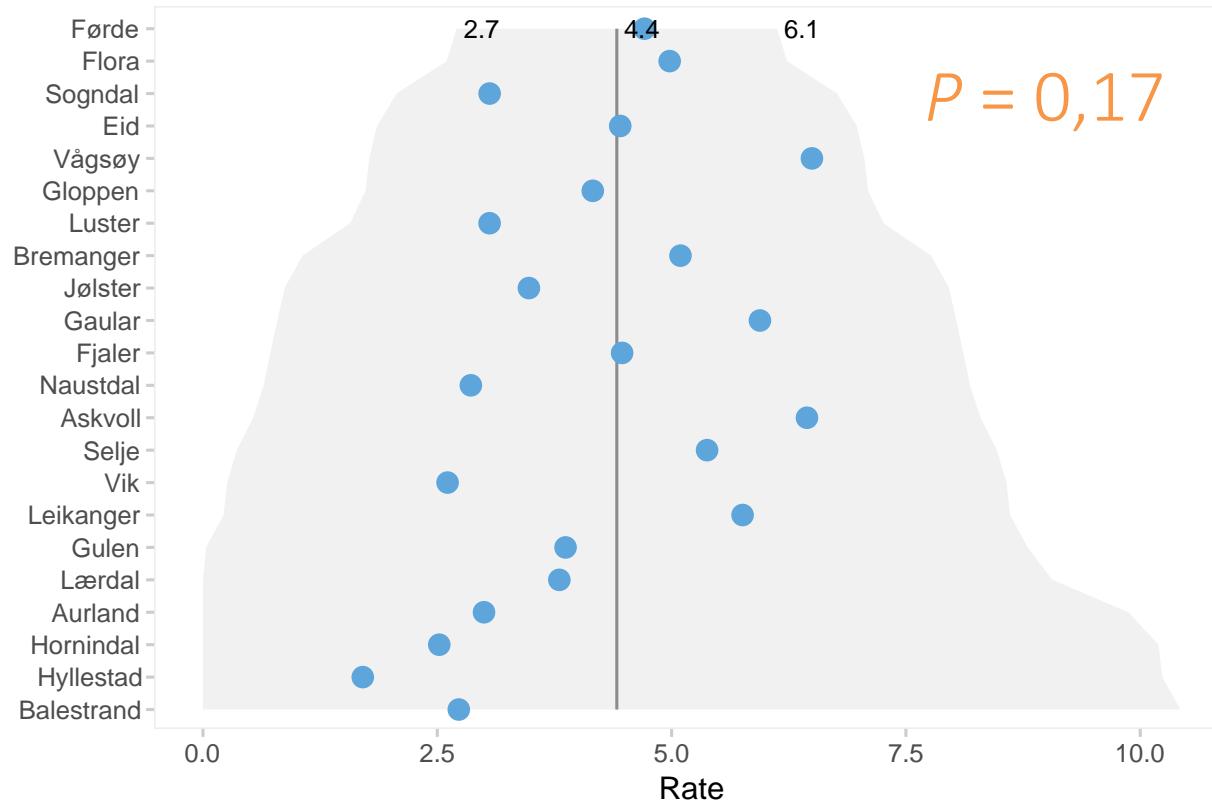
Fiksa datasett (og lik skala)



Stabil (predikterbar prosess)?



Samanliknar dei ein kan



Stikkord

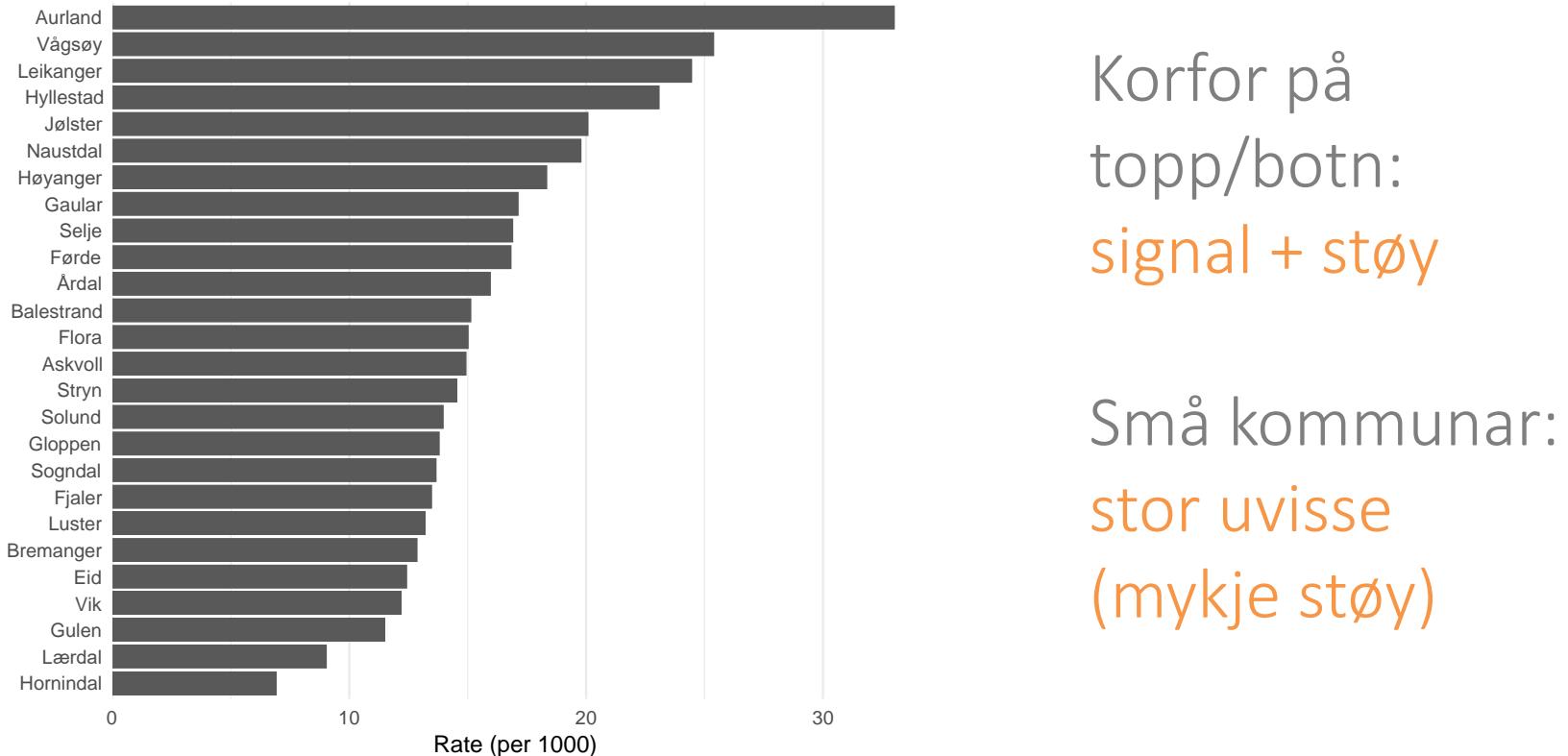
Statistisk prosesstyring (SPC)

Shewhart-diagram

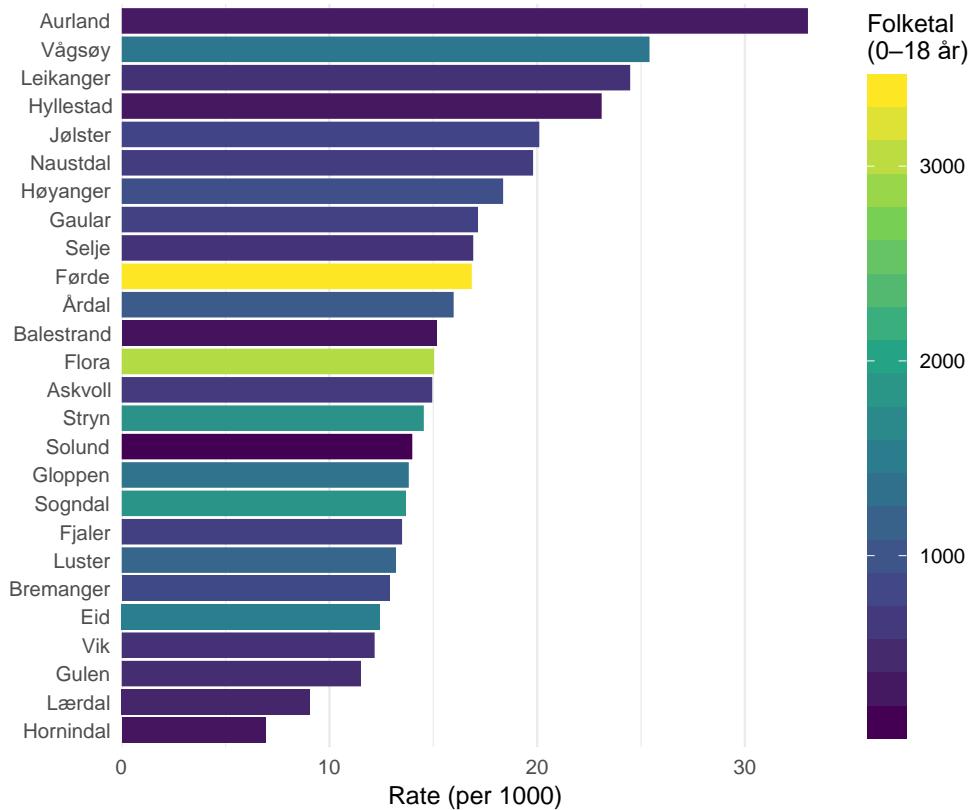
Traktdiagram

Kva ein ikkje bør gjera

Naiv rangering (andre data)



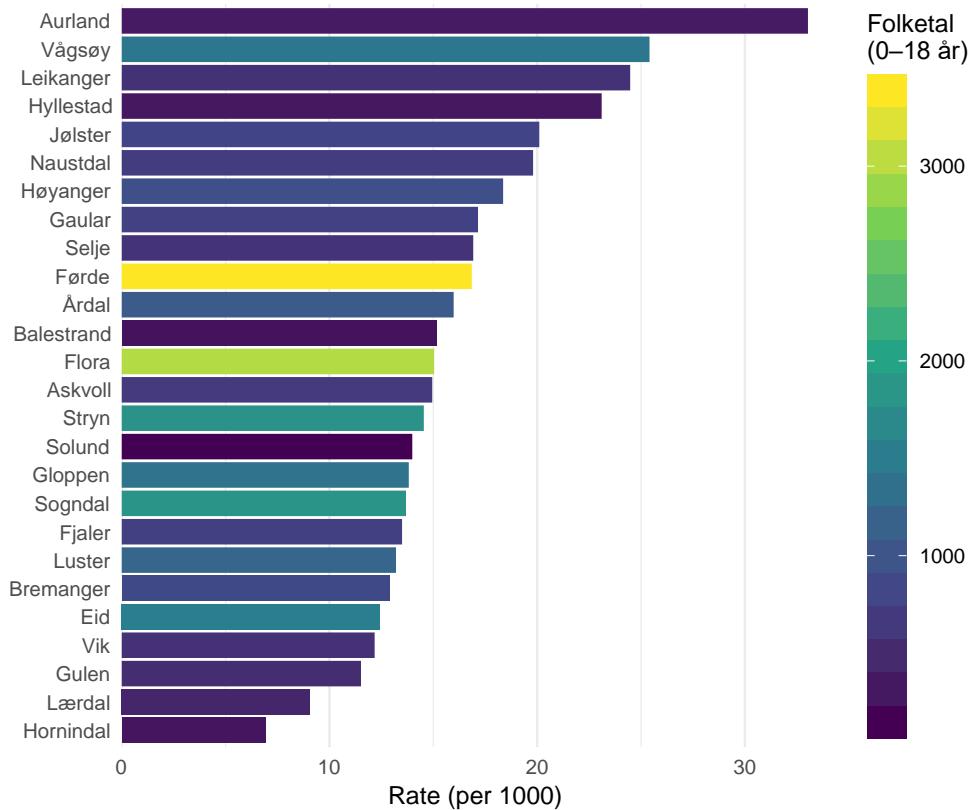
Naiv rangering



Små kommunar dominerer nesten alltid øvre/nedre del av slike rangeringar.

Og er typisk (veldig) over-/underestimering av sanne verdiar.

Dårleg mål på variasjon

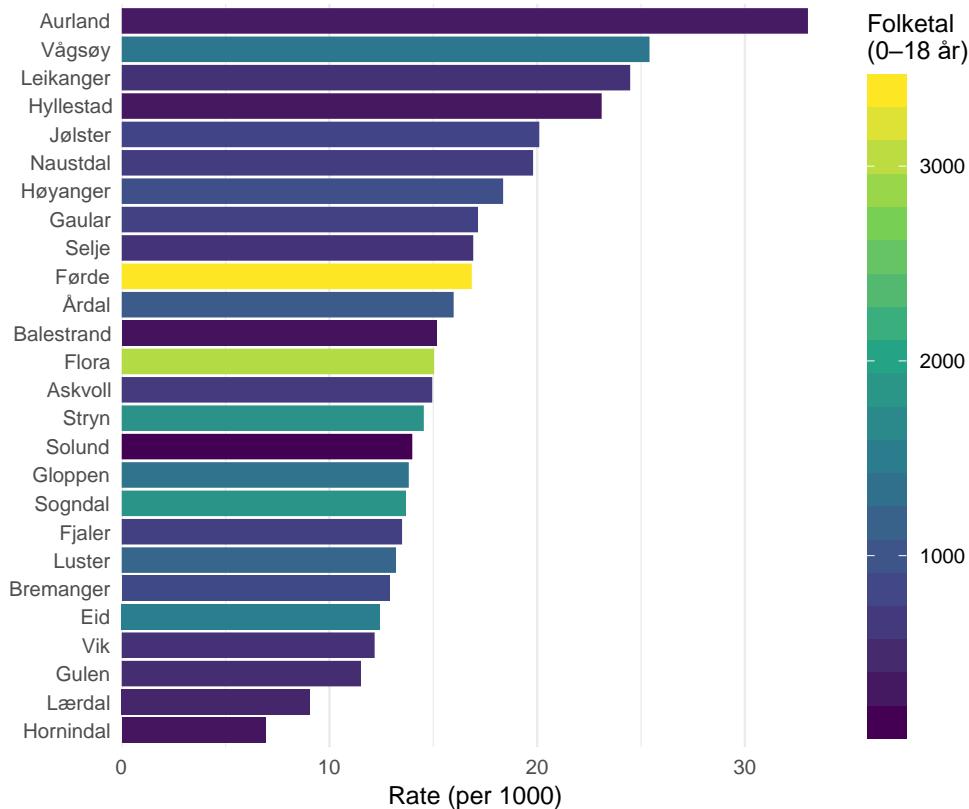


Ser av og til: Høgaste rate delt på lågaste rate.

Basert på tala som

- 1) er aller mest usikre
- 2) har mest over-/underestimering
- 3) har dårlige statistiske eigenskapar i ein slik formel

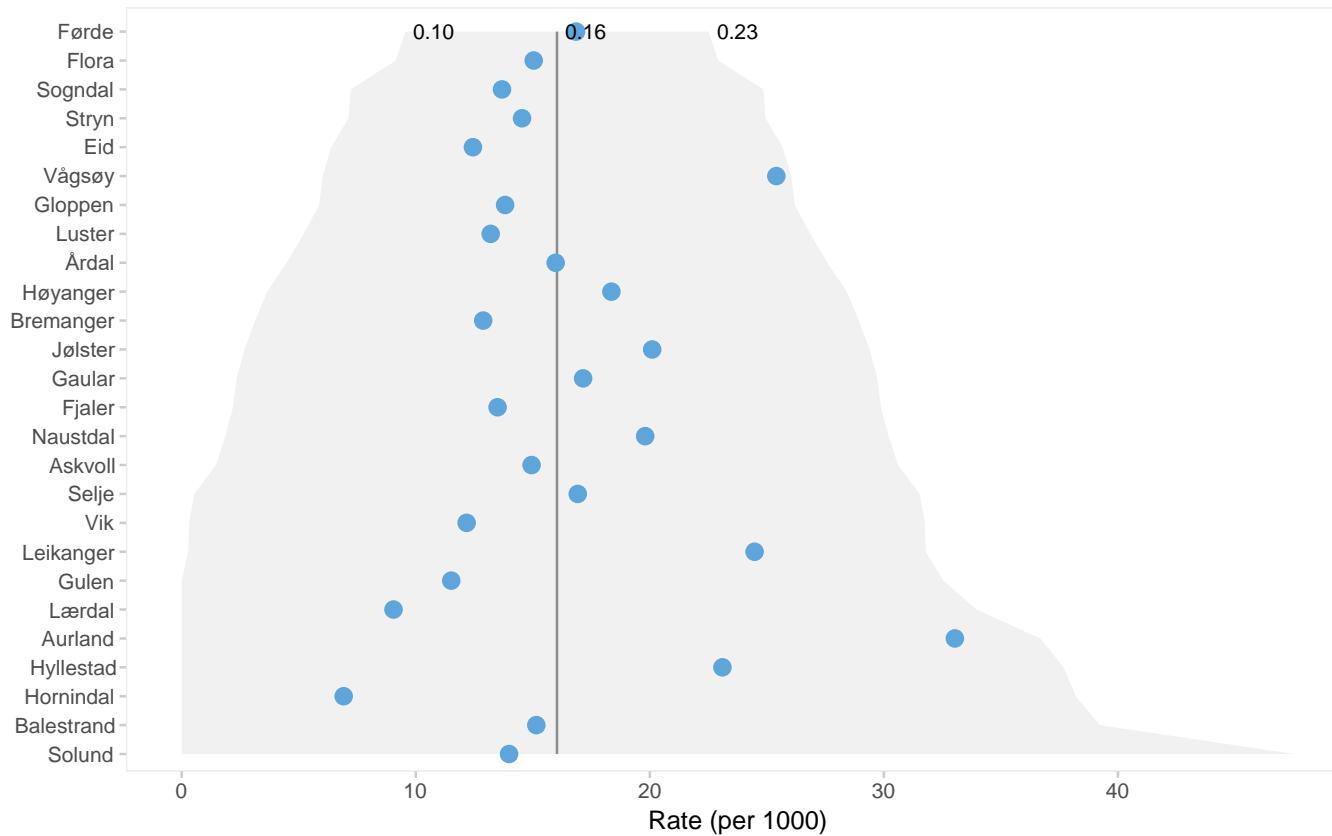
Dårleg mål på variasjon



Ser av og til: Høgaste
rate delt på lågaste rate.

Er her Aurland/Hornindal:
 $33/7 = 4,7$

Rettare analyse



Kjapp fiks

Viss ein oppdagar ein
tilsynelatande forskjell:

I år

Aurland: 33 (per 1000)

Hornindal: 7 (per 1000)

$P = 0,02$

I fjor

Aurland: 12 (per 1000)

Hornindal: 27 (per 1000)

$P = 0,16$

Meir avanserte
statistiske metodar

«Betre» estimat

Kan bruka data frå **fleire** kommunar til å estimera variasjonen **mellom** kommunar.

Kan så bruka såkalla statistiske **«krympe-metodar»** som tar omsyn til denne variasjonen, for å få estimat med **mindre over-/underestimering**.

«Betre» estimat

Byggjer på føresetnaden om at kommunar
liknar (mykje eller lite) på kvarandre.

Ein «lånar» data frå kvarandre.
Eller «lånar» **styrke/presisjon**.

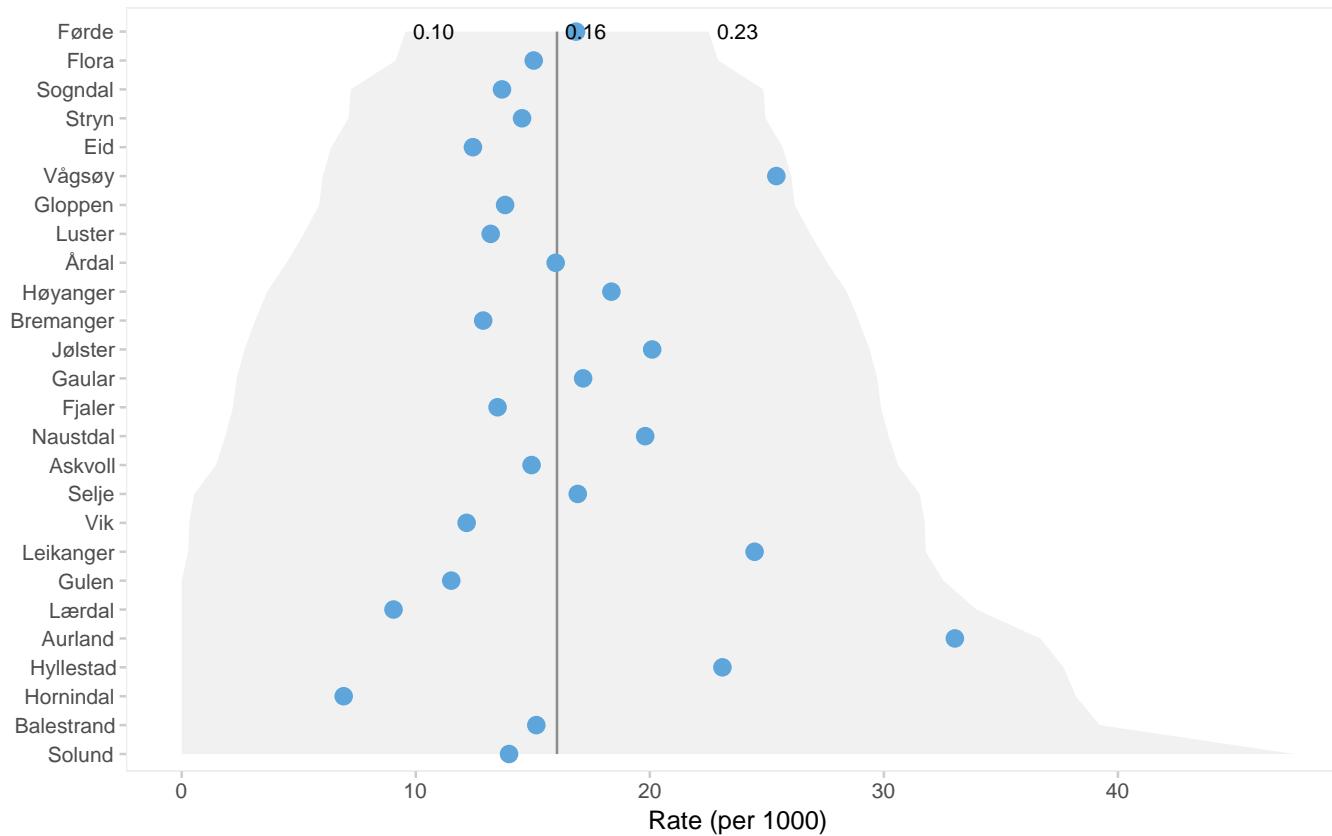
«Betre» estimat

Eksempel på slike krympemetodar er **mixed effects**-modellar og **bayesianske** modellar.

Fungerer **stabiliserande** når ein har lite data.

(Fjernar støy, men kan òg **glatta over signal.**)

Rettare analyse



Oppsummert

Oppsummert

Bruk data til å seia noko om **framtida** (og **gjer noko** dersom ho ikkje ser lys ut).

Små data kan kanskje **gjerast store** ved å låna data (i tid og rom).

Ikkje prøv å måla ting som **ikkje finst!**

SLUTT